

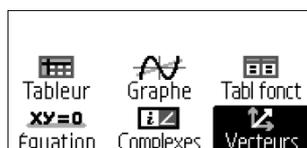
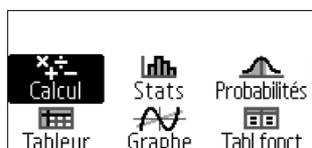


Vecteurs

a) Entrer dans le menu Vecteurs

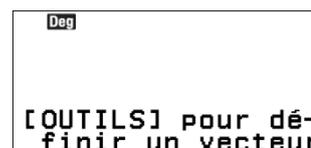
Appuyer sur la touche ACCUEIL ⏠ pour accéder aux menus de la calculatrice. Se positionner à l'aide du pavé directionnel ⬆ ⬇ ⬅ ➡ sur l'icône Vecteurs pour la mettre en surbrillance.

Valider à l'aide de la touche EXE ou OK .

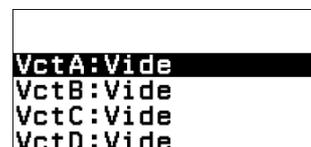


b) Définition d'un vecteur

Après être entré dans le menu Vecteurs, définir les vecteurs à l'aide de la touche OUTILS ⊞ .



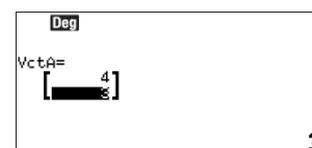
Sélectionner le vecteur A, **VctA :Vide** pour le définir.



La calculatrice nous invite à définir la dimension du vecteur (2 dimensions pour un vecteur du plan, 3 dimensions pour un vecteur de l'espace). Entrer dans le menu à l'aide de la touche ➡ , EXE ou OK . Se positionner sur **2 dimensions** à l'aide des touches ⬆ ⬇ et valider à l'aide de la touche EXE ou OK . Confirmer à l'aide de la touche EXE ou OK .

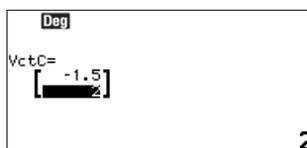
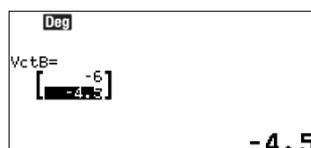


Définir les coordonnées du vecteur $\vec{A} \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix}$ puis valider à aide de la touche EXE ou OK .



Réitérer le processus pour les vecteurs $\vec{B} \begin{pmatrix} -6 \\ -4,5 \end{pmatrix}$ et $\vec{C} \begin{pmatrix} -1,5 \\ 2 \end{pmatrix}$.

Entrer les valeurs ⊖ ⓪ ⓪ ⓪ ⓪ pour le vecteur B puis valider à l'aide de la touche EXE ou OK . Entrer les valeurs ⊖ ⓪ ⓪ ⓪ ⓪ pour le vecteur \vec{C} puis valider à l'aide de la touche EXE ou OK .

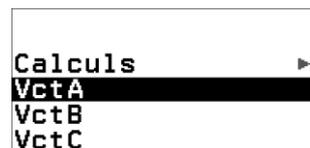
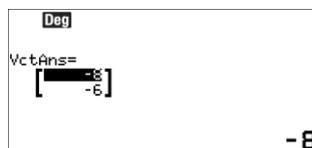
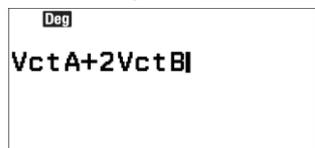


c) Calculs avec des vecteurs

Opérations sur les vecteurs :

On peut faire des opérations sur les vecteurs en utilisant les touches opératoires de la calculatrice et en sélectionnant les vecteurs dans CATALOG $\text{\textcircled{C}}$ puis **Vecteurs**.

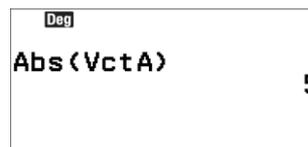
Par exemple :



En effet, pour $\vec{A} \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix}$ et $\vec{B} \begin{pmatrix} -6 \\ -4,5 \end{pmatrix}$, $\vec{A} + 2\vec{B}$ a pour coordonnées $\begin{pmatrix} 4 + 2 \times (-6) \\ 3 + 2 \times (-4,5) \end{pmatrix}$ c'est-à-dire $\begin{pmatrix} -8 \\ -6 \end{pmatrix}$.

Norme d'un vecteur :

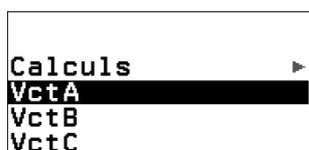
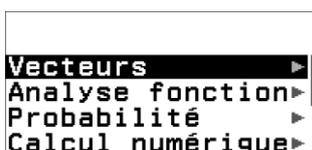
On peut calculer la norme d'un vecteur en utilisant la fonction valeur absolue qui se trouve dans CATALOG $\text{\textcircled{C}}$ puis **Calcul numérique**. Il suffit ensuite de choisir le vecteur dont on souhaite calculer la norme avec $\text{\textcircled{C}}$ puis **Vecteurs**.



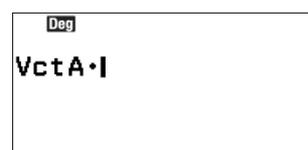
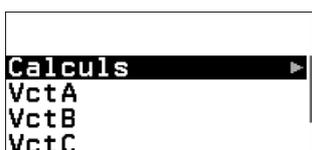
On a par exemple $|\vec{A}| = 5$. En effet on a bien $|\vec{A}| = \sqrt{4^2 + 3^2} = \sqrt{25} = 5$

Produit scalaire :

Pour calculer le produit scalaire du vecteur \vec{A} et du vecteur \vec{B} , aller dans la catégorie **Vecteurs** du CATALOG $\text{\textcircled{C}}$ et sélectionner **VctA**.



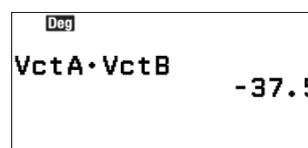
Utiliser de nouveau la touche CATALOG $\text{\textcircled{C}}$ pour entrer dans la catégorie **Vecteurs** puis **Calculs**. Se positionner sur **Produit scalaire** et valider à l'aide de la touche $\text{\textcircled{EXE}}$ ou $\text{\textcircled{OK}}$.



Réitérer le processus pour sélectionner le vecteur \vec{B} (VctB). Valider à l'aide de la touche $\text{\textcircled{EXE}}$ ou $\text{\textcircled{OK}}$.

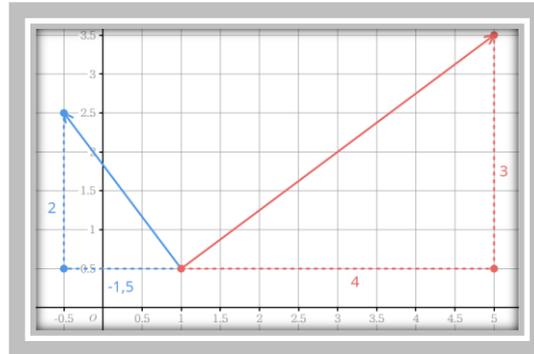
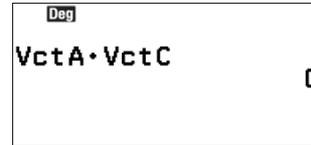
La calculatrice renvoie alors la valeur du produit scalaire des 2 vecteurs. En effet on a bien pour $\vec{A} \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix}$ et $\vec{B} \begin{pmatrix} -6 \\ -4,5 \end{pmatrix}$

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = 4 \times (-6) + 3 \times (-4,5) = -24 - 13,5 = -37,5$$



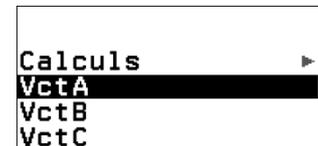
Refaire le calcul pour les vecteurs $\vec{A} \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix}$ et $\vec{C} \begin{pmatrix} -1,5 \\ 2 \end{pmatrix}$

La calculatrice renvoie alors la valeur du produit scalaire des 2 vecteurs. La calculatrice donne $\vec{A} \cdot \vec{C} = 0$, ce qui signifie que les vecteurs sont orthogonaux. C'est bien ce que l'on observe lorsqu'on construit des représentants de ces vecteurs dans un plan muni d'un repère orthonormé.

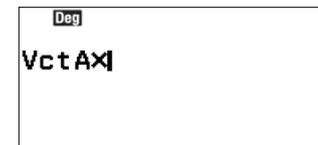
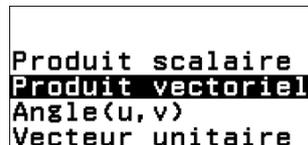
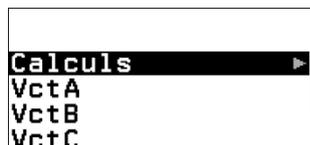


Produit vectoriel :

Pour des vecteurs de dimension 2 le produit vectoriel des vecteurs est calculé avec ces mêmes vecteurs en dimension 3 où la dernière coordonnée est nulle. Pour calculer le produit vectoriel $\vec{A} \wedge \vec{C}$, sélectionner **VctA** dans la catégorie **Vecteurs** du CATALOG ☰ .

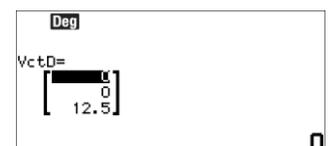
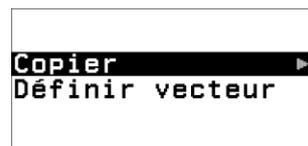
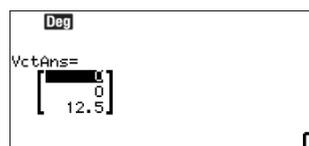
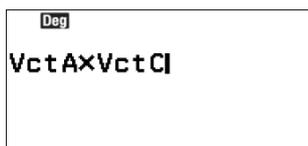


Utiliser de nouveau la touche CATALOG ☰ puis se positionner sur **Vecteurs** puis sur **Calculs** et enfin **Produit vectoriel** et valider à l'aide de la touche EXE ou OK .
Il est aussi possible d'utiliser la touche \otimes pour calculer le produit vectoriel de 2 vecteurs.



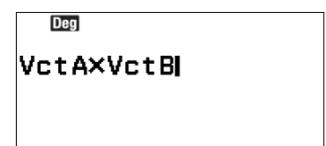
Réitérer le processus pour sélectionner le vecteur \vec{C} . Valider à l'aide de la touche EXE ou OK . La calculatrice renvoie alors le résultat du produit vectoriel des 2 vecteurs : les coordonnées d'un vecteur orthogonal aux vecteurs \vec{A} et \vec{C} . Il est alors possible d'enregistrer ce vecteur avec la touche OUTILS ☰ : sélectionner **Copier** puis le vecteur où enregistrer les coordonnées.

Remarque : Il est aussi possible d'utiliser la touche \otimes pour calculer le produit vectoriel de 2 vecteurs.



Refaire le calcul pour les vecteurs vecteur \vec{A} et \vec{B} .

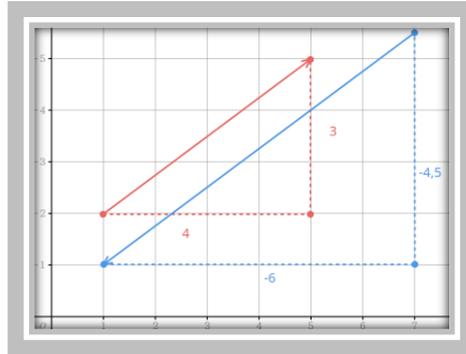
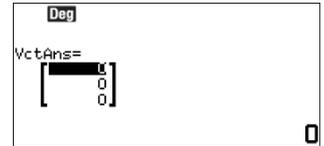
La calculatrice renvoie alors le résultat du produit vectoriel des 2 vecteurs : le vecteur nul, ce qui signifie que les vecteurs sont colinéaires.



En effet pour $\vec{A} \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix}$ et $\vec{B} \begin{pmatrix} -6 \\ -4,5 \end{pmatrix}$, on a

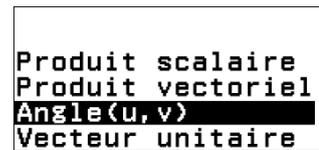
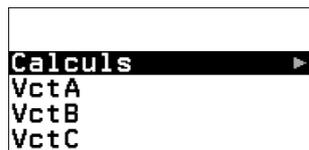
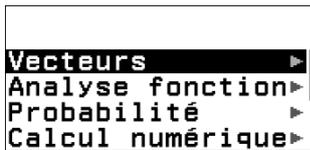
$$-6 = -1,5 \times 4 \text{ et } -4,5 = -1,5 \times 3 \text{ donc } \vec{B} = -1,5 \vec{A}$$

C'est bien ce que l'on observe lorsqu'on construit des représentants de ces vecteurs dans un plan muni d'un repère orthonormé.



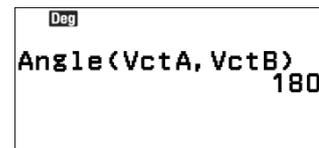
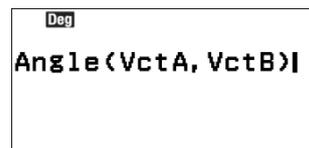
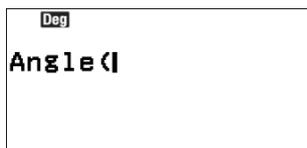
Angle entre 2 vecteurs :

Pour calculer l'angle entre deux vecteurs, utiliser de nouveau la touche CATALOG ☰ puis se positionner sur **Vecteurs** puis sur **Calculs** et enfin sur **Angle (u,v)** à l'aide des touches ⬆ ⬇ et valider à l'aide de la touche ⏎ ou ⏏ .

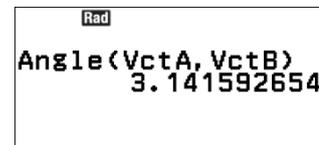


Sélectionner les vecteurs \vec{A} et \vec{B} comme précédemment en les séparant à l'aide de la touche ⌋ . Enfin fermer la parenthèse avec la touche ⌈ et valider à l'aide de la touche ⏎ ou ⏏ . La calculatrice renvoie alors l'angle entre les 2 vecteurs : 180° .

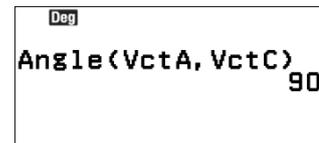
Les 2 vecteurs sont bien colinéaires.



Le résultat retourné aurait été π si le radian avait été choisi comme unité pour les angles dans CONFIG ☰ (**Paramètre Calcul** puis **Unité d'angle**).

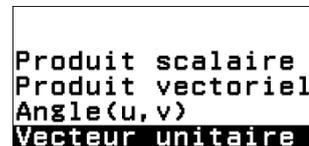
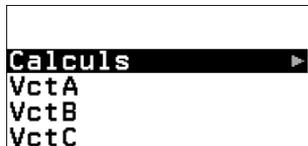
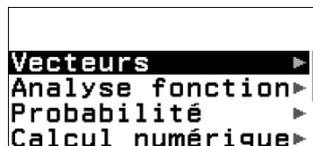


Réitérer le calcul pour les vecteurs \vec{A} et \vec{C} . La calculatrice renvoie alors l'angle entre les 2 vecteurs : 90° . Les 2 vecteurs sont bien orthogonaux.



Calcul d'un vecteur unitaire :

Pour calculer les coordonnées d'un vecteur unitaire, utiliser de nouveau la catégorie **Vecteurs** du CATALOG \oplus puis se positionner sur **Calculs** puis sur **Vecteur unitaire** à l'aide des touches \wedge \vee et valider à l'aide de la touche EXE ou OK .



Sélectionner ensuite le vecteur \vec{A} comme précédemment. Fermer la parenthèse avec la touche $\text{)}\text{)$ et valider à l'aide de la touche EXE ou OK . La calculatrice renvoie les coordonnées du vecteur unitaire (norme égale à 1) colinéaire au vecteur \vec{A} et de même sens. Il est alors possible d'enregistrer ce vecteur avec la touche **OUTILS** \odot : sélectionner **Copier** puis le vecteur où enregistrer les coordonnées (par exemple \vec{D} on pourra ensuite vérifier que $\|\vec{D}\| = 1$ et que $\text{angle}(\vec{D}, \vec{A}) = 0$).

